

تمرين عدد 1: (7 نقاط)

(1) لتكن العبارة $A = x^2 - x - 1$ حيث x عدد حقيقي.

أ/ برهن أن $A = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{5}{4}$

ب/ استنتج أن: $A = \left(x - \frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)\left(x - \frac{1-\sqrt{5}}{2}\right)$

ج/ حلّ في \mathbb{R} المعادلة $A = 0$

(2) في هذا السؤال نبحث عن أبعاد مستطيل طوله أكبر من عرضه بـ 1 ومساحته 1.

أ/ نرمز بـ x لطول هذا المستطيل. بين أن x حلّ للمعادلة $A = 0$.

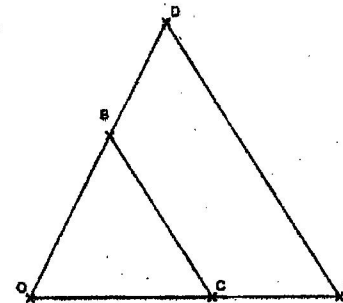
ب/ استنتج بعدي المستطيل

(3) في الرسم المقابل:

$OA = OB = a$

$OC = BD = 1$

والمستقيمان (BC) و (AD) متوازيان



أ/ برهن أن a يحقق $\frac{1}{a} = \frac{a}{a+1}$

ب/ استنتج أن a حلّ للمعادلة $A = 0$ وجد a .

تمرين عدد 2: (6 نقاط)

(1) لتكن العبارة: $A = x^2 - 5x + 4$ حيث x عدد حقيقي

أ/ بين أن: $A = \left(x - \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{9}{4}$

ب/ استنتج أن $A = (x-4)(x-1)$

ج/ حلّ في \mathbb{R} المعادلة $A = 0$

(2) في الرسم المقابل:

ζ و ζ' دائرتان مركزهما

O و O' حيث $OO' = 5$

متماستان ومماستان

للمستقيم Δ في A و B

حيث $AB = 4$

في ما يلي الهدف هو

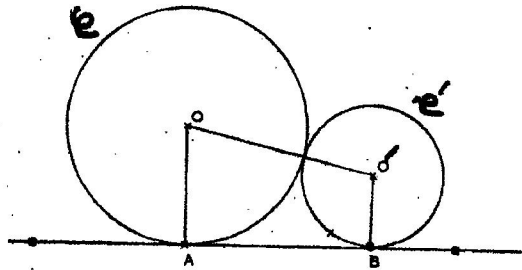
حساب شعاعي الدائرتين:

أ/ نرمز بـ x لـ OA . بين أن $O'B = 5 - x$

ب/ ليكن H المسقط العمودي لـ O' على (OA) . بين أن $OH = 2x - 5$

ج/ برهن أن x حلّ للمعادلة $A = 0$

د/ استنتج شعاعي الدائرتين.



تمرين عدد 3 : (7 نقاط)

(وحدة القياس cm)

لتكن γ دائرة مركزها O وقطرها [AB] حيث $AB = 6$ و C نقطة على الدائرة

$$\text{حيث } AC = 2\sqrt{3}$$

(1) / بين أن المثلث ABC قائم الزاوية في C .

$$\text{ب/ استنتج أن } BC = 2\sqrt{6}$$

(2) لتكن M المسقط العمودي لـ (C) على (AB).

$$\text{أ/ برهن أن } MC = 2\sqrt{2}$$

$$\text{ب/ استنتج أن } BM = 4$$

(3) المستقيم العمودي على (AB) في O يقطع (BC) في N.

$$\text{أ/ برهن أن } \frac{BN}{BC} = \frac{ON}{CM} = \frac{3}{4}$$

$$\text{ب/ استنتج أن } ON = \frac{3\sqrt{2}}{2} \text{ وأن } BN = \frac{3\sqrt{6}}{2}$$

(4) المستقيم (ON) يقطع (AC) في H.

أ/ برهن أن H هو المركز القائم للمثلث ABN.

ب/ المستقيم (AN) يقطع الدائرة γ في نقطة ثانية K.

برهن أن النقاط B و K و H على استقامة واحدة.

(5) لتكن النقطة D مناظرة النقطة C بالنسبة لـ A.

أ/ برهن أن M هو مركز ثقل المثلث BCD.

ب/ المستقيم (CM) يقطع المستقيم (BD) في النقطة E.

برهن أن E منتصف [BD] واستنتج CE.